

擬似ランダム変調CWライダーの特性とエアロゾル観測

Pseudo-Random Modulation CW Lidar and Its Application to
Aerosol Monitoring

竹内延夫, 桜井捷海*, 杉本伸夫, 馬場浩司*, 近藤真通*

N. Takeuchi, K. Sakurai*, N. Sugimoto, H. Baba* and M. Kondo*

国立公害研究所, 東京大学教養学部基礎科*

National Institute for Environmental Studies, Univ. of Tokyo*

(はじめに) ライダーの送信レーザー光を試験信号とみなすと、散乱体からの後方散乱(A -スコープ)は応答関数とみなせる。応答関数 $g(t)$ を求める方法には、インパルス応答によるもの(通常のパルスライダー)と、擬似ランダム雑音を用いるもの(擬似ランダム変調: Pseudo-Random Modulation, 以下 RM と呼ぶ)がある¹⁾。ライダー方程式は、試験信号 $X(t)$, 受信信号 $P_r(t)$, 背景光雑音電力 $b(t)$ を用いて

$$P_r(t) = \int_0^T X(t - t_c) g(t_c) dt_c + b(t) \quad (1)$$

と書ける。ライダー方程式は

RM 変調(周期 T):

$$X(t - t_c) = P_0 a(t - t_c)$$

P_0 : CW 光出力, $a(t)$: 擬似ランダム・コード

$$P_r(t) = P_0 \int_0^T a(t - t_c) g(t_c) dt_c + b(t) \quad (2)$$

$$g(t) = n \left(\frac{c\Delta t}{2} \right) A_r \beta_r(R) T^2(R) Y(R) / R^2, \quad R = ct/2 \quad (3)$$

となる。RM として、2 値 M 級列 (binary M-sequence; 次数 n , 要素数 N , ゲート幅 Δt , 周期 $T = N\Delta t$) を用いる。M 級列は、“1”と“0”的出現回数の均等性や“連”の出現率に固有の性質を持ち, (“1”, “0”を“1”, “-1”で置きかえると)自己相関関数は

$$\Phi_{a,a}(\tau) = \frac{1}{T} \int_{-T}^{t+T} a(t' - \tau) a(t') dt' = \begin{cases} 1 & (\tau=0) \\ -\frac{1}{N} & (\tau \neq 0) \end{cases} \quad (4)$$

となる。他の関数(例えば、背景光雑音 $b(t)$)との相関は、 $\tau \neq 0$ の自己相関関数と同様であると考える。式(4)の性質によつて、

$$\frac{1}{T} \int_{-T}^{t+T} P_r(t') a(t' - t_c) dt' = P_0 g(t_c) + \bar{b}/N \quad (5)$$

となる (\bar{b} は $b(t)$ の時間平均値)。 N が大きいとき \bar{b}/N は十分に小さく、零レベルが自動的に

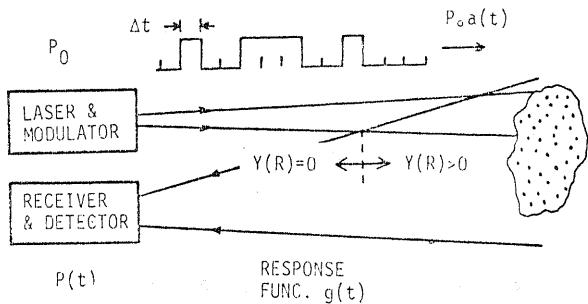


Fig.1 Principle of RM CW lidar

インパルス応答

$$X(t - t_c) = P_p \Delta t \delta(t - t_c)$$

P_p : パルス・ピーク出力, Δt : パルス幅

$$P_r(t) = P_p g(t) + b(t) \quad (2')$$

$$g(t) = n \left(\frac{c\Delta t}{2} \right) A_r \beta_r(R) T^2(R) Y(R) / R^2, \quad R = ct/2 \quad (3)$$

となる。RM として、2 値 M 級列 (binary M-sequence; 次数 n , 要素数 N , ゲート幅 Δt , 周期 $T = N\Delta t$) を用いる。M 級列は、“1”と“0”的出現回数の均等性や“連”の出現率に固有の性質を持ち, (“1”, “0”を“1”, “-1”で置きかえると)自己相関関数は

$$\Phi_{a,a}(\tau) = \frac{1}{T} \int_{-T}^{t+T} a(t' - \tau) a(t') dt' = \begin{cases} 1 & (\tau=0) \\ -\frac{1}{N} & (\tau \neq 0) \end{cases} \quad (4)$$

となる。他の関数(例えば、背景光雑音 $b(t)$)との相関は、 $\tau \neq 0$ の自己相関関数と同様であると考える。式(4)の性質によつて、

$$\frac{1}{T} \int_{-T}^{t+T} P_r(t') a(t' - t_c) dt' = P_0 g(t_c) + \bar{b}/N \quad (5)$$

求められる。RM変調による距離分解能は($\Delta t/2$)となる。

[SN比]信号 x のSN比は $\bar{x}/\sigma(x)$ ($\bar{x}=E(x)$ は x の期待値, $\sigma^2(x)=E((x-\bar{x})^2)$ は分散)で与えられる。光検出器(量子効率 η_Q)で検出された光電子数の時刻 $t+k\Delta t$ における値 $n_p(t+k\Delta t)$ ($n_p(t)=\int \Pr(t)$, $\int=\eta_Q \Delta t / h\nu$, $h\nu$ は光量子のエネルギー)を $n_p(k)$ と表現すると、

$$\begin{aligned}\sigma^2(n_p(k)) &= E((n_p(k) - \bar{n}_p)^2) \\ &= \xi \left(P_0 \sum_{i=0}^{N-1} g(i) + 2Nb \right) / L^2\end{aligned}\quad (6)$$

($L=2^{n-1}$ は“1”的数, $L/N \approx 1/2$)となる。(π, 一πの位相を用いて“1”, “-1”的コードをRM変調に用いると、式(6)の ξ は N となる。) SNの式は

RM-CWライダー:

$$(S/N)_{RM} = \frac{\sqrt{\xi} P_0 g(k)}{\sqrt{(P_0/\Delta t) \int_{t_m}^{t_m+T} g(t) dt + 2Nb}} \quad (7)$$

パルスライダー:

$$(S/N)_P = \frac{\sqrt{\xi} P_p g(k)}{\sqrt{P_p g(k) + 2b}} \quad (8)$$

で与えられる。一周期 T の間の受信信号の平均値 \bar{g} が $g(k)$ と等しく、一周期の間の送信エネルギーが等しい($L P_0 \Delta t = P_p \Delta t$)とき、 $(S/N)_{RM} / (S/N)_{pulse} \approx 1/\sqrt{2}$ となる。(位相を反転させて“1”, “-1”を用いると $N P_0 \Delta t = P_p \Delta t$ のときには、 $(S/N)_{RM} / (S/N)_{pulse} \approx 1$ となる。)

(実験)²⁾ 装置のブロック図をFig.2に示した。Ar⁺レーザー(514.5 nm, 出力 1 W)の連続光はEO変調器で10次のM系列によって変調され、大気中に送出される。望遠鏡(合成焦点距離、約1.3 m, 口径15 cm, 副鏡口径3.2 cm, 続り口径 3×10^{-3} m)は、レーザーから5 mの位置に設置された。M系列のゲート幅は200 ns ($\Delta t/2 = 30$ m), 要素数1023, 周期、約200 μs であり、測定は夜間行われた。約5分間の測定結果をFig.3に示す。Eq.(7)を用いて計算した例をFig.4に示す。

(まとめ) RM-CWライダーは次の特徴を持つ:

- (1) 平均出力が $P_0/2$ のパルス動作ライダーとほぼ同じ性能である。
- (2) CW動作であるので動作が安定である。
- (3) 放電に伴う雑音が少い。
- (4) 応答関数 $g(t)$ は距離の自乗に反比例するので、常に近距離からの寄与が大きい(この欠点は、 $Y(R) > 0$ となる距離を遠方にとることによって解決される)。
- (5) ゼロレベルは自動的に補正される

以上の特徴からRM-CWライダーは遠方の微弱信号を精度良く測定するのに適した手法である。最後に、RMについて文献をお教え致いた清水富士夫助教授(東大工)に感謝致します。

1) 竹内他、応用物理学学会、'82春(東京) 4a G3, 2) 桜井他、同 4a G4.

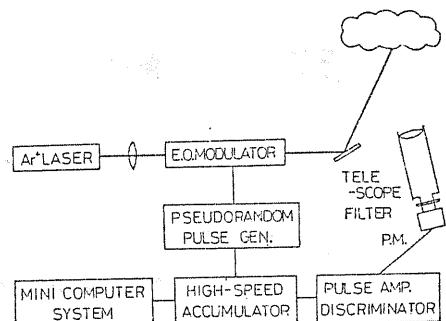


Fig.2 Block diagram of the experimental setup

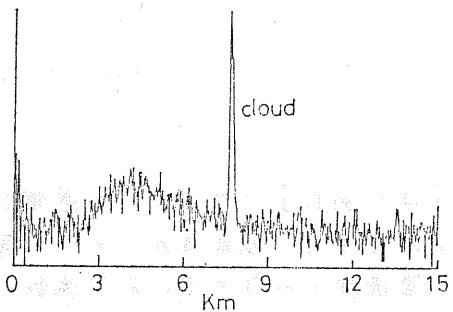


Fig.3 An example of the measurement

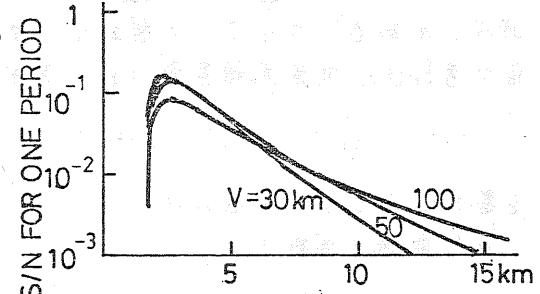


Fig.4 S/N estimation by Eq. (6). Conditions are the same as the experiment.